

ШИФР  
(не заполнять)

УУ-3

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов  
Томской области «ОРМО».

Северо-Восточная олимпиада школьников «СВОШ».

(отметить галочкой олимпиаду)

### ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

Олимпиадная работа по физике вариант 1  
(указать предмет)

Выполнил (а)

Фамилия: Г О Р Б А Т Е Н К О

Имя: Н И К И Т А

Отчество: В И К Т О Р О В И Ч

Класс: 11

Наименование школы: МАОУ СОШ №19

Город (село): Уман-Удэ

Район: Октябрьский

Область: Республика Бурятия

Дата рождения: 13 / 02 / 1999

Контактный телефон: +79834246625

E-mail: gorbatenkonikita2099@gmail.com

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись

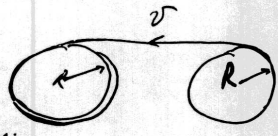


Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
52 <small>(пятьдесят два)</small>	21.03.16	Сваткин Леонид Алексеевич	

1) Дано:  
 $v, R, d$   
 $R \gg d$   
 $\omega(t) = ?$

Решение:  
 $v = \omega R$  - связь линейной и угловой скорости. (1 балл)  
Пусть в малом времени  $t \rightarrow 0$  было начальное  $r$  ленты. Тогда найдем объем:  
 $V = \pi (r^2 - R^2) \cdot s$ , где  $s$  - ширина ленты. Итак же, огибающей это есть, симметричный аппарат посчитал объем:  
 $V = \int v t ds$ . Приравняем гр 1 и 2:  $\pi (r^2 - R^2) \cdot s = \int v t ds$  (3 балла)  
 $\Rightarrow \pi r^2 - \pi R^2 = \int v t ds \Rightarrow r(t) = \sqrt{\frac{v t d}{\pi} + R^2}$  (3 балла).

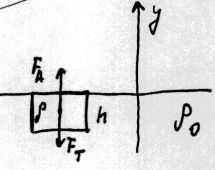


Ит.к.  $v = \omega(t) r(t)$  (1 балл)  
 $\omega(t) = \frac{v}{r(t)} = \frac{v}{\sqrt{\frac{v t d}{\pi} + R^2}} c^{-1}$  (3 балла)  
Ответ:  $\omega(t) = \frac{v}{\sqrt{\frac{v t d}{\pi} + R^2}} c^{-1}$

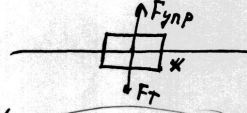
$\Sigma = 15$  баллов

2) Дано:  
 $h, \rho, \rho < \rho_0$   
 $H = ?$   
 $T = ?$

Решение:  
 $F' = \Sigma F_y = F_A - F_T = \rho_0 g V' - \rho g V = (\rho_0 - \rho) g V$  - сила вверху (1)  
Запишем работу шайбы:  $A = F \cdot s = (\rho_0 - \rho) g V \cdot h$  (1 балл)  
Но с другой стороны  $A = mgH \Rightarrow mgH = (\rho_0 - \rho) g V h$  (1 балл).  
 $m = \rho V$  - масса в-ва через объем и плотность  
 $\rho V g h = (\rho_0 - \rho) g V h \Rightarrow H = \frac{(\rho_0 - \rho) h}{\rho}$  м (1 балл).



2)  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$  - м.к. колебания будут происходить как пружинные.  
Запишем закон Гюка:  $F_{упр} = kx$  (3)



Но так как  $F_{упр} = F'$ , м.к. колебания происходить не будут.  
м.к:  $F_{упр} = (\rho_0 - \rho) g V$ . Подставим  $x$  вместо  $h$  получим, что  $h$  можно  
 $\Rightarrow$  Приравняем (3 и 4):  $k = (\rho_0 - \rho) g V$ , подставив в (\*) получим:  
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{\rho V}{(\rho_0 - \rho) g V}} = 2\pi \sqrt{\frac{\rho}{(\rho_0 - \rho) g}}$  Ответ:  $H = \frac{(\rho_0 - \rho) h}{\rho}$  и  $T = \sqrt{\frac{\rho}{(\rho_0 - \rho) g}}$  с.

$\Sigma = 4$  балла

3) Дано:  $\Gamma_1, \Gamma_2, \varepsilon, R$   
 $q_1, q_2, q_3$

Решение:

Чистовик

П.к. шары в начале не заряжены, заряд на эл. цепи и на проводке пренебрежимо мал, поэтому выполняется равенство  $q_1 + q_2 + q_3 = 0$  (1) (2 балла)

П.к. все соединено последовательно, то  $I$  везде одинаково.

Запишем закон Ома для полной цепи:

$$I = \frac{\varepsilon}{2R} \Rightarrow \varepsilon = 2IR$$

Также запишем закон Ома для участков 12 и 23:

$$\begin{cases} U_1 = IR \\ U_2 = IR \end{cases} \Rightarrow U_{12} = 2IR = \varepsilon$$

Запишем разности потенциалов для участков 12 и 23:

$$\begin{cases} \varphi_1 - \varphi_2 = k \frac{q_1}{r_1} - k \frac{q_2}{r_2} = U_1 = \frac{\varepsilon}{2} \quad (*) \\ \varphi_2 - \varphi_3 = k \frac{q_2}{r_2} - k \frac{q_3}{r_3} = U_2 = \frac{\varepsilon}{2} \quad (3 \text{ балла}) \end{cases}$$

Приведем эти два уравнения к виду:  $k \frac{q_1}{r_1} - k \frac{q_2}{r_2} = k \frac{q_2}{r_2} - k \frac{q_3}{r_3} \quad (**)$

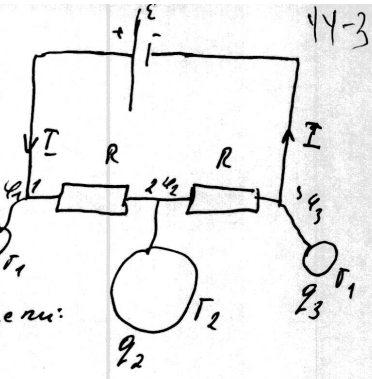
$$\Leftrightarrow 2k \frac{q_2}{r_2} = k \frac{q_1 + q_3}{r_1} \quad (1 \text{ балл})$$

Из уравнения (1) следует, что  $q_1 + q_3 = -q_2 \Rightarrow 2k \frac{q_2}{r_2} = -k \frac{q_2}{r_1} \quad (1 \text{ балл})$

Отсюда следует, что  $q_2 = 0 \Rightarrow$  из уравнения (1)  $q_1 = -q_3 \quad (4 \text{ балла})$

Подставим  $q_2 = 0$  в (\*):  $k \frac{q_1}{r_1} = \frac{\varepsilon}{2} \Rightarrow q_1 = \frac{\varepsilon r_1}{2k}$  кА,  $q_3 = -q_1 = -\frac{\varepsilon r_1}{2k}$  (3 балла)

Ответ:  $q_1 = \frac{\varepsilon r_1}{2k}$  кА,  $q_2 = 0$ ,  $q_3 = -\frac{\varepsilon r_1}{2k}$  кА



$\Sigma = 14$  баллов

4) Дано:  $h, s, n$   
 $H - ?$

Решение:

Запишем закон Снелла:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{1}{n} \quad \text{Максимальное расстояние,}$$

которое он может увидеть достигаемая при  $L_d$ , который является углом полного внутреннего отражения  $\Rightarrow \sin \beta = 1$

Тогда закон преломления имеет вид:  $\frac{\sin \alpha}{1} = \frac{1}{n}$ ,  $\sin \alpha = \frac{1}{n}$  (1) (3 балла)

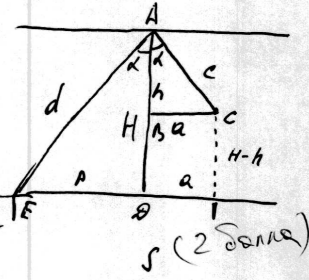
С другой стороны  $\sin \alpha = \frac{a}{c}$  (1 балл) Приведем (1) и (2), получим:  $\frac{a}{c} = \frac{1}{n} \Rightarrow a = \frac{c}{n}$

$c = \sqrt{h^2 + a^2}$  по теор. Пифагора, тогда:  $a = \frac{\sqrt{h^2 + a^2}}{n} \Rightarrow a^2 n^2 = h^2 + a^2 \Rightarrow a^2(n^2 - 1) = h^2$

$$\Rightarrow a = \frac{h}{\sqrt{n^2 - 1}} \quad (2 \text{ балла})$$

2) Рассчитаем  $\Delta AED$ :  $\sin \alpha = \frac{p}{d}$ , а  $p = s - a$  введем из (2) (1 балл)

$$p = s - \frac{h}{\sqrt{n^2 - 1}} = \frac{s\sqrt{n^2 - 1} - h}{\sqrt{n^2 - 1}} \quad \text{Тогда из (3) } d = \frac{p}{\sin \alpha} = \frac{s\sqrt{n^2 - 1} - h}{\frac{1}{n}} = \frac{s\sqrt{n^2 - 1} - h}{1/n} \quad (1 \text{ балл}) \quad 2$$



$\Rightarrow H = \sqrt{d^2 + p^2}$  - из теор. Пиф. (1 балл) Числовик

44-3

$$H = \sqrt{\frac{(n^2 \sqrt{n^2-1} - nh)^2 + (h^2 \sqrt{n^2-1} - h)^2}{n^2-1}} = \sqrt{\frac{n^2 s^2 (n^2-1) - 2 n^2 s h \sqrt{n^2-1} + n^2 h^2 - s^2 (n^2-1) + 2 h s \sqrt{n^2-1} - h^2}{n^2-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{s^2 (n^2-1)(n^2-1) - 2 h s \sqrt{n^2-1} (n^2-1) + h^2 (n^2-1)}{n^2-1}} = \sqrt{s^2 (n^2-1) - 2 h s \sqrt{n^2-1} + h^2} = \sqrt{(s \sqrt{n^2-1} - h)^2} = |s \sqrt{n^2-1} - h| \text{ метр.}$$

(2 балла)

Ответ:  $H = |s \sqrt{n^2-1} - h|$  метр.

$\Sigma = 15$  баллов?

5) Дано:  
L, B, R,  $\omega$   
F?

Решение:

$\omega = \frac{d\varphi}{dt}$  - угловая частота через угол

$v = \omega L$  - линейная скорость через угловую  $\omega$

Запишем закон Фарадея - Максвелла:

$$\mathcal{E} = - \frac{d\varphi}{dt} \cdot \nu \text{ поток (1 балл)}$$

$\vec{\varphi} = [\vec{B}, \vec{n}] S$  - поток через площадь (1 балл)

$\varphi = BS \Rightarrow \mathcal{E} = (B v)$  Некорректно обозначено  $\mathcal{E}$

Запишем закон Ома для цепи:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = - \frac{B v}{R} = - \frac{B \omega L}{R} \quad (1 \text{ балл})$$

Сила Ампера сонаправлена с вектором тока  $\Rightarrow \vec{F}_A \uparrow \uparrow \vec{F}$  Неверно!

Запишем силу Ампера:  $\vec{F}_A = I [\vec{l}, \vec{B}]$

$$F_A = B I l = - \frac{B^2 L^2 \omega}{R} \quad (1 \text{ балл})$$

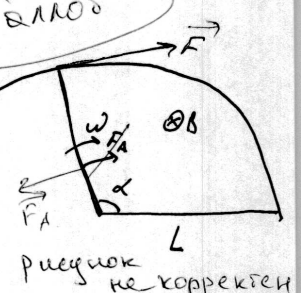
(из (1):  $\omega = \text{const}$ ,  $L = \text{const} \Rightarrow v = \text{const}$ )

П.к. движение равноускоренное, но по 3.н.  $\mathcal{E} \vec{F} = 0$

$$F + F_A = 0 \Rightarrow F = -F_A = \frac{B^2 L^2 \omega}{R} \text{ Н.}$$

$$\text{Ответ: } F = \frac{B^2 L^2 \omega}{R} \text{ Н.}$$

$\Sigma = 4$  балла



решение не корректно