

ШИФР
(не заполнять)

T-16

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов
Томской области «ОРМО».

Северо-Восточная олимпиада школьников «СВОШ».

(отметить галочкой олимпиаду)

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

Олимпиадная работа по физике вариант _____
(указать предмет)

Выполнил (а)

Фамилия: Ц Е Л Ю К

Имя: Д М И Т Р И Й

Отчество: И В А Н О В И Ч

Класс: 11

Наименование школы: МБОУ СОШ №9

Город (село): Паштогал

Район: Паштодальский

Область: Кемеровская

Дата рождения: 12 / 07 / 1998

Контактный телефон: 89049666886

E-mail: _____

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись Целюк

ШИФР T-16

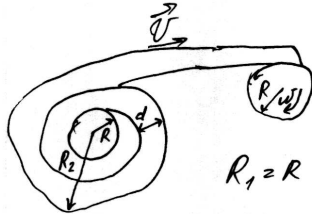
Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

1	2	3	4	5	6
12	12	-	5	15	10

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
54		Морозова	Дулов

- 1 -

Дано:
 $v = \text{const}$
 R, d
 $\omega = ?$



S - общая длина ленты
 $S = v \cdot t$ t - время перемотки

$R_1 = R$ $R_2 = R + n \cdot d$ n - кол-во слоев ленты на катушке

$$R_{cp} = \frac{R_1 + R_2}{2} = \frac{2R + nd}{2}$$

$$S = R_{cp} \cdot 2\pi \cdot n$$

$$S = \frac{(2R + nd) \cdot 2\pi \cdot n}{2} = 2\pi Rn + \pi d n^2$$

$$2\pi Rn + \pi d n^2 = v \cdot t \quad \pi d n^2 + 2\pi Rn - v \cdot t = 0$$

$$n = \frac{-2\pi R + \sqrt{D}}{2\pi d} \quad (\text{так как } n = \frac{-2\pi R - \sqrt{D}}{2\pi d} < 0, \text{ тогда не берем})$$

$$D = 4\pi^2 R^2 - 4 \cdot (-v) \cdot t \cdot \pi d = 4\pi^2 R^2 + 4vt\pi d = 4(\pi^2 R^2 + vt\pi d) =$$

$$= 4\pi(\pi R^2 + vt d)$$

$$n = \frac{-2\pi R + 2\sqrt{\pi} \cdot \sqrt{\pi R^2 + vt d}}{2\pi d} \quad n = \frac{\sqrt{\pi R^2 + vt d} - \pi R}{\sqrt{\pi d}}$$

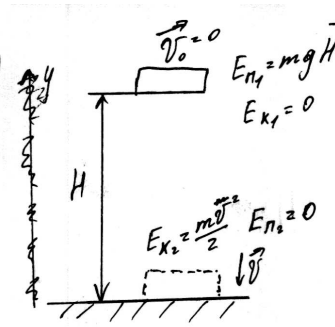
$$v = \omega \cdot R_0 \Rightarrow \omega = \frac{v}{R_0}$$

$R_0 = R + n'd$ R_0 - радиус катушки в момент времени t'
 $n' = \frac{\sqrt{\pi R^2 + vt d} - \pi R}{\pi d}$ n' - кол-во слоев ленты на катушке в момент времени t'

$$\omega = \frac{v}{R + n'd} = \frac{v}{R + \frac{\sqrt{\pi R^2 + vt d} - \pi R}{\pi d} \cdot d} = \frac{v}{\frac{\pi R + \sqrt{\pi R^2 + vt d} - \pi R}{\pi}} = \frac{v\pi}{\sqrt{\pi R^2 + vt d}}$$

Ответ: $\omega = \frac{v\pi}{\sqrt{\pi R^2 + vt d}} \pm$ \pm - направление вращения (12)

Dano:
 $h, \rho < \rho_0$
 $\rho_0 = \rho_{\text{logam}}$
 H=?
 T=?

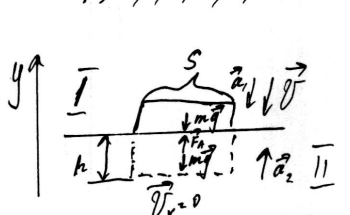


- 2 -

$$E_{p1} + E_{k1} = E_{k2} + E_{p2}$$

$$E_{p1} = E_{k2} \quad mgh = \frac{mv^2}{2} \Rightarrow v^2 = 2gh$$

T-16



I: $m\vec{g} = m\vec{a}_1$
 $Oy: -mg = ma_1$
 $-g = -a_1$
 $g = a_1$

II: $\vec{F}_A + m\vec{g} = m\vec{a}_2$
 $Oy: F_A - mg = ma_2$

$$F_A = \rho_0 g V \quad F_A = \rho_0 g h \cdot S$$

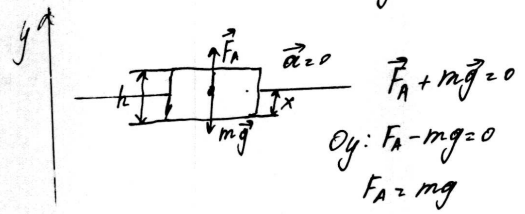
$$V = h \cdot S \quad m = \rho g V \quad m = \rho g h S$$

$$\rho_0 g h S - \rho g h S = \rho h S a_2$$

$$g(\rho_0 - \rho) = \rho a_2 \Rightarrow a_2 = \frac{g(\rho_0 - \rho)}{\rho}$$

$$a_{cp} = \frac{a_2 + a_1}{2} = \frac{a_2 + g}{2} = \frac{g(\rho_0 - \rho)}{\rho} + \frac{g\rho}{\rho} = \frac{g\rho_0}{\rho}$$

$$h = \frac{v_k^2 - v^2}{-2a_{cp}} = \frac{v^2}{2a_{cp}} = \frac{2gh}{2 \cdot \frac{g\rho_0}{\rho}} = \frac{2\rho h}{\rho_0} \Rightarrow H = \frac{h\rho_0}{2\rho}$$



$\vec{F}_A + m\vec{g} = 0$
 $Oy: F_A - mg = 0$
 $F_A = mg$

$$\rho_0 g x \cdot S = \rho g h \cdot S$$

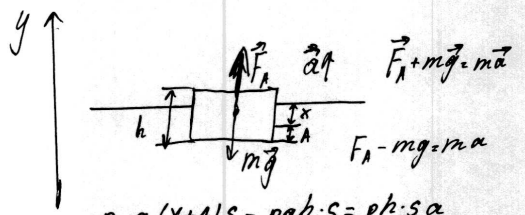
$$a = \omega_0^2 \cdot A$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$T = \frac{2\pi \cdot \sqrt{h}}{\sqrt{\rho_0 \cdot g}}$$

12

Ombem: $H = \frac{h\rho_0}{\rho}$; $T = \frac{2\pi \cdot \sqrt{h}}{\sqrt{\rho_0 \cdot g}}$ \neq



$\vec{F}_A + m\vec{g} = m\vec{a}$
 $F_A - mg = ma$
 $\rho_0 g (x+A) S - \rho g h \cdot S = \rho h \cdot S a$
 $\rho_0 g x S + \rho_0 g A S - \rho_0 g x S = \rho h \cdot S a$
 $\rho_0 g A S = \rho g h S a$
 $\rho_0 g A S = \rho g h S \omega_0^2 \cdot A$

$$\rho_0 g = \rho h \cdot \omega_0^2 \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{\rho_0 g}{\rho h}}$$

maneu. sinus (onerasum)

Dano:
 h, s, n
 H=?

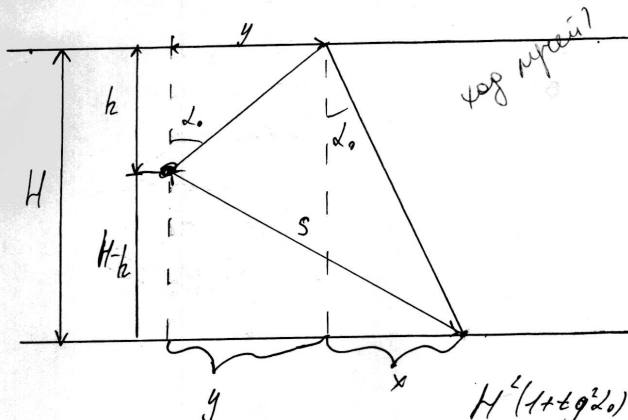
- 4 -

$$\text{tg } \alpha_0 = \frac{x}{H} \Rightarrow x = \text{tg } \alpha_0 \cdot H$$

$$\text{tg } \alpha_0 = \frac{g}{kh} \Rightarrow y = \text{tg } \alpha_0 \cdot h$$

$$\frac{\sin \alpha_0}{\sin \alpha_0} = \frac{1}{n} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{n}$$

$$\cos \alpha_0 = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}} = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{n^2}} \quad 2$$



$$S = \sqrt{(H-h)^2 + (x+y)^2} \quad T-16$$

$$S^2 = H^2 - 2Hh + h^2 + \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot H^2 + 2 \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot h \cdot H + \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot h^2$$

$$\text{tg}^2 \alpha_0 = \frac{\sin^2 \alpha_0}{\cos^2 \alpha_0} = \frac{1 \cdot n^2}{n^2 \cdot (n^2 - 1)} = \frac{1}{n^2 - 1}$$

$$H^2 - 2Hh + h^2 + \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot H^2 + 2 \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot h \cdot H + \text{tg}^2 \alpha_0 \cdot h^2 - S^2 = 0$$

$$H^2(1 + \text{tg}^2 \alpha_0) + 2Hh \cdot (\text{tg}^2 \alpha_0 - 1) + h^2(1 + \text{tg}^2 \alpha_0) - S^2 = 0$$

$$H^2 \left(\frac{n^2}{n^2 - 1} \right) + 2Hh \left(\frac{2 - n^2}{n^2 - 1} \right) + h^2 \left(\frac{n^2}{n^2 - 1} \right) - S^2 = 0$$

$$H = \frac{-2h \left(\frac{2 - n^2}{n^2 - 1} \right) \pm \sqrt{D}}{2 \left(\frac{n^2}{n^2 - 1} \right)}$$

$$D = 4 \cdot \left(\frac{4h^2 - 4h^2 n^2 + h^2 n^4 - n^4 - S^2 \cdot h^4 + S^2 n^2}{(n^2 - 1)^2} \right) \quad (5)$$

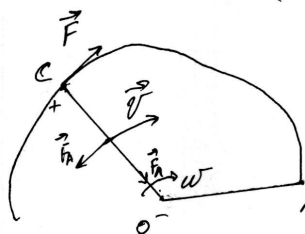
если $D \neq 0 \Rightarrow$ будет 2 корня, искомым будет положительный корень ($H > 0$)

$$H = \frac{hn^2 - 2h \pm \sqrt{4h^2 - 4h^2 n^2 + h^2 n^4 - n^4 - S^2 \cdot h^4 + S^2 n^2}}{n^2}$$

неверно определено S и далее

Ответ: $H = \frac{hn^2 - 2h \pm \sqrt{4h^2 - 4h^2 n^2 + h^2 n^4 - n^4 - S^2 \cdot h^4 + S^2 n^2}}{n^2}, H > 0$

Дано:
 $r = L, B, R,$
 $\omega = \text{const}$
 $F = ?$



- 5 -

$v = \omega \cdot L$ (м.к. стержень движется по окружности)

$E_i = \frac{B \omega L \cos \beta}{2}$ (β угол между нормалью и $\vec{v}, L \perp \vec{v}$)

$E_i = \frac{B \omega L}{2} \quad I = \frac{E_i}{R} = \frac{B \omega L^2}{2R}$

$F_A = B I L \cdot \sin \alpha$ ($\alpha = 90^\circ$) (угол между \vec{F}_A и \vec{B}) $F_A = \frac{B^2 \omega^2 L^3}{2R}$

м.к. $\omega = \text{const} \Rightarrow \sum \vec{F} = 0 \Rightarrow M_A - M_F = 0 \Rightarrow M_A = M_F$

$M_A = \frac{L}{2} \cdot F_A \quad M_F = L \cdot F \quad L \cdot F = \frac{L \cdot F_A}{2} \Rightarrow F = \frac{F_A}{2} = \frac{B^2 \omega^2 L^3}{4R}$

Ответ: $F = \frac{B^2 \omega^2 L^3}{4R} +$

недостаточно информации (нет в явном виде 3-на Pappus)

(15)

Дано:
 $V_2 = 3V$
 $V_1 = V$
 $P_2 = P_1 = P$
 $T_0 = T = T_K = ?$

P_2, V_2, T	P_1, V_1, T
2	1

$P V = \nu R T \Rightarrow P = \frac{\nu R T}{V}$

$P_2 = P_1 \Rightarrow \frac{\nu_2 R T}{V_2} = \frac{\nu_1 R T}{V_1} \Rightarrow \frac{\nu_2}{V_2} = \frac{\nu_1}{V_1} \Rightarrow \frac{1}{3V} = \frac{1}{V} \Rightarrow 1/3 \nu_1$

3

- 6 -

$$\frac{V_1 p_1}{T} = \frac{V_1 p_1}{T_1} \Rightarrow \frac{p}{T} = \frac{2p}{T_1} \Rightarrow T_1 = 2T$$

T-16
 клапан не закрывали,
 не описали
 величину
 Ответ
 неверный

$$U_{O_1} + U_{O_2} = U_1 + U_2$$

$$\frac{i}{2} \nu_1 R T_1 + \frac{i}{2} \nu_2 R T = \frac{i}{2} \nu_1 R T'_1 + \frac{i}{2} \nu_2 R T'_1$$

$$5 \frac{i}{2} \nu_1 R T = 4 \frac{i}{2} \nu_1 R T'_1 \Rightarrow 5T = 4T'_1 \Rightarrow T'_1 = 1,25T = 1,25T_0$$

Во второй раз $T_2 = 2T'_1$ (по аналогии)

$$5T'_1 = 4T'' \Rightarrow T'' = 1,25T'_1 = (1,25)^2 T_0$$

\Rightarrow после закрытия клапана в четвертый раз $T_k = (1,25)^4 T_0$, $T_k = 2,0736 T_0$

Ответ: $T_k = 2,0736 T_0$. —

10