

ШИФР  
(не заполнять)

H-12

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов  
Томской области «ОРМО».

Северо-Восточная олимпиада школьников «СВОШ».

(отметить галочкой олимпиаду)

### ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

Олимпиадная работа по физике вариант 1  
(указать предмет)

Выполнил (а)

Фамилия: 

Щ	У	С	Ь																
---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Имя: 

И	В	А	Н																
---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Отчество: 

В	Л	А	Д	И	М	И	Р	О	В	И	Ч								
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--

Класс: 11

Наименование школы: МБОУ «Актарский лицей №1 им. М.К. Янгеля»

Город (село): Актарек

Район: Актарский район

Область: Иркутская область

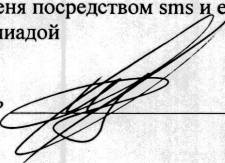
Дата рождения: 31 / 01 / 1998

Контактный телефон: 89027648188

E-mail: ivan.shus@mail.ru

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись



ШИФР

H-12

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

1/2 | 3 | 4 | 5 | 6  
5 | 8 | 4 | 3 | 17 | 20

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
57		Моржикова	Шилова

N2

Дано:

$h$  - высота шайбы

$\rho < \rho_0$   $F_{\text{арк}} = 0$

( $\rho_0$  - плотность воды,  $\rho$  - плотность шайбы)

$H$  - ? шайба скрылась под водой

$T$  - ?

найдем по формуле:  $h = \frac{v_0^2 - v^2}{2a}$ , где  $v_0 = v_{\text{max}}$   $v = 0$ , так как шайба стала выласть

$$h = \frac{v_0^2}{2a}$$

$$v_0 = \sqrt{2ah}$$

$$\sqrt{2ah} = \sqrt{2gH}$$

Решение

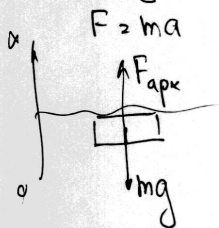
Раз шайба падает с высоты, то можно использовать Э.С.Э. для нахождения  $v_{\text{max}}$  перед падением:

$$\frac{mv_{\text{max}}^2}{2} = mgh \Rightarrow \frac{v_{\text{max}}^2}{2} = gh$$

$$v_{\text{max}} = \sqrt{2gh}$$

Высоту  $H$  можно найти по формуле  $v^2 = v_0^2 - 2aH$  Глубину погружения шайбы

Необходимо найти ускорение  $a$ : используем II з.Н.



$$a = \frac{F}{m}$$

$$0x: F = F_{\text{арк}} - mg + F_{\text{соп}}$$

$$a = \frac{F_{\text{арк}} - mg}{m} = \frac{\rho_0 g V - mg}{m} = \frac{\rho_0 g Sh - \rho Sh g}{m}$$

$$= \frac{gSh(\rho_0 - \rho)}{m} = \frac{gSh(\rho_0 - \rho)}{\rho Sh} = \frac{(\rho_0 - \rho)g}{\rho}$$

$$\frac{(\rho_0 - \rho)g}{\rho} h = gH \Rightarrow H = \frac{(\rho_0 - \rho)h}{\rho}$$

Период найдем по формуле  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ , т.к. шайба движется в воде словно пружинный маятник, в момент, когда шайба скрылась под водой, её состояние такое же с состоянием растянутого маятника, тогда мы можем воспользоваться

$F_{\text{соп}} = mg - \rho_0 \sigma_0 g = mg - \rho_0 \sigma_0 (x_0 + x)$   
 $F_{\text{соп}} = mg$   
 $\rho_0 \sigma_0 g = mg$

следующей формулой  $\frac{kh^2}{2} = mgH$ , выразим  $k$   
 $k = \frac{2mgH}{h^2}$  где  $H$  — расстояние  $k$  H-12

подставим значение  $H$  из  $k$   
 $k = \frac{2mg(p_0-p)h}{ph^2} = \frac{2mg(p_0-p)}{ph}$  подставим в уравнение

находим период колебаний пруж. маятника  
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{\frac{2mg(p_0-p)}{ph}}} = 2\pi \sqrt{\frac{ph}{(p_0-p)2g}}$

Ответ: 1)  $H = \frac{(p_0-p)h}{P}$  — (8)  
 2)  $T = 2\pi \sqrt{\frac{ph}{(p_0-p)2g}}$  —

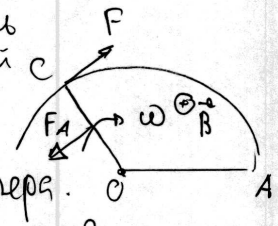
№5

Дано:

- полукруг радиуса  $L$
- $OA = L$
- $OC = L$  — подвиж.
- $R_{oc} = R, \omega$
- $F = ?$

Решение

Для того чтобы стержень двигался с постоянной угловой скоростью  $\omega$ , необходимо чтобы выполнялась сила  $F$  уравновешивала силу Ампера.



Поскольку сила Ампера направлена из середины  $OC$  (т.к. приложена к проводнику на всей его длине), то необходимо соблюдение моментов или:  $M_1 = M_2$   $FL = F_A \frac{L}{2} \Rightarrow 2FL = F_A L \Rightarrow 2F = F_A +$   
 $2F = BIL \sin \alpha \Rightarrow 2F = BIL$  необходимо найти силу тока:

$I = \frac{V}{R}$ , при движении проводника возникает ЭДС самоиндукции направленные по правилу Ленца против движения проводника +  $\mathcal{E}_{si} = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ , где  $\Delta \Phi = B \Delta S$  изменение площади сектора  $\mathcal{E}_{si} = \frac{B \Delta S}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{B \Delta S}{R \Delta t}$   
 $\Delta S = \frac{\alpha \omega t^2}{2} \Rightarrow I = \frac{B \alpha \omega t^2}{2R \Delta t}$ , заметим, что  $\frac{\Delta S}{\Delta t} = \omega L^2$  — и есть интересующая нас угловая скорость  $\omega \Rightarrow I = \frac{B \omega L^2}{2R} +$

( $\mathcal{E}_{si} = U$ ); подставим силу тока в исходное уравнение  $2F = \frac{B^2 \omega L^3}{2R}$ ;  $F = \frac{B^2 \omega L^3}{4R}$ , где  $L$  — радиус  $L$

(7)

Ответ:  $F = \frac{B^2 \omega L^3}{2R} +$  матем. ошибка мет 2

N6

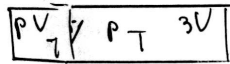
Дано:

$V, 3V$

$P, T$

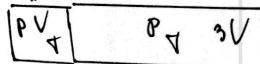
$T_4 - ?$

Решение

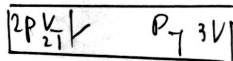


было

$Q$



в процессе



момент открытия клапана

Заметим, что клапан открывается, когда разность в давлении между отсеками равно  $P$ , то есть из начальной давлению в сосуде.  $\Rightarrow$  давление в момент открытия клапана в малом отсеке равно  $2P \Rightarrow$  температура  $2T$  (из ур. Менделеева-Клапейрона)  $PV = \nu RT$ , т.к. переноса вещества не было.

Вн. энергия для малого отсека  $U = \frac{3}{2} \nu R 2T = 3\nu RT$   
 для большого отсека  $U = \frac{3}{2} \nu R 3T = 4,5\nu RT$

Сложим энергии  $U_{об} = 7,5\nu RT$  и разделим на 4 части

$$U_{одной} = \frac{7,5\nu RT}{4} = 1,875\nu RT \Rightarrow T = \frac{1,875}{5,5} = 1,25T$$

Видим, что изменение температуры равно  $0,25T \Rightarrow$  при повторении этого процесса 4 раза увеличение будет равно  $0,25T \cdot 4 = T$ , тогда  $T_{конечная} = T + T = 2T$

Ответ  $T_{конечная} = 2T +$  (20)

N4

Дано:

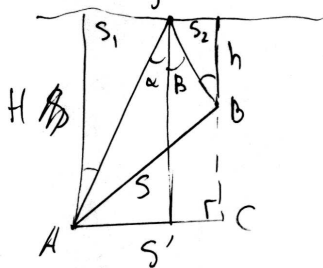
$h$  - высота

$s$  - расстояние

$n$  - показатель преломления воды

$H - ?$

Решение



$$\alpha = \beta$$

$S'$  - проекция  $S$

$$s' = s_1 + s_2$$

$$s_1 = tg\alpha H \quad s_2 = tg\alpha h$$

$$s' = tg\alpha (H+h)$$

(3)

рассм  $\triangle ABC$  со смежными катетами  
 $S^2 + (H-h)^2 = S^2$  по т. Пифагора

выражаю  $\sin \alpha$  через  $h$  и  $S$  и подставляю

$$(\operatorname{tg} \alpha (H+h))^2 + (H-h)^2 = S^2$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha (H+h)^2 + (H-h)^2 = S^2$$

$H=12$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha (H^2 + 2Hh + h^2) + H^2 - 2Hh + h^2 = S^2$$

$$H^2 \operatorname{tg}^2 \alpha + 2Hh \operatorname{tg}^2 \alpha + h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha + H^2 - 2Hh + h^2 = S^2$$

$$H^2 (\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) + 2Hh (\operatorname{tg}^2 \alpha - 1) + h^2 (\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) - S^2 = 0$$

$$\underbrace{(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)}_a H^2 + \underbrace{2h(\operatorname{tg}^2 \alpha - 1)}_b H + \underbrace{h^2(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) - S^2}_c = 0$$

$$D = 4h^2(\operatorname{tg}^2 \alpha - 1)^2 - 4(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)(h^2(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) - S^2) =$$

$$4h^2(\operatorname{tg}^2 \alpha - 2\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) - 4(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)(h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha + h^2 - S^2)$$

$$= 4h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha - 8h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha + 4h^2 - 4h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha - 4h \operatorname{tg}^2 \alpha + 4 \operatorname{tg}^2 \alpha S^2 - 4h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha - 4h + 4S^2 = -12h^2 \operatorname{tg}^2 \alpha + 4h^2 + 4S^2 (\operatorname{tg}^2 \alpha + 1) - 4h(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)$$

$$H = \frac{-2h(\operatorname{tg}^2 \alpha - 1) + \sqrt{D}}{2(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)}$$

$$\checkmark \operatorname{ctg} \alpha = \arcsin \frac{1}{n} !$$

$$H = \frac{-2h(\operatorname{tg}^2 \alpha - 1) - \sqrt{D}}{2(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)}$$

не подходит, т.к. сторона всегда отрицательная

$$\text{Ответ: } H = \frac{-2h(\operatorname{tg}^2 \alpha - 1) + \sqrt{D}}{2(\operatorname{tg}^2 \alpha + 1)} \quad \text{где } \alpha = \arcsin \frac{1}{n}$$

(Решение слишком сложно, задана задача бы быстрее, если под  $S$  сразу подразумевалось проекция на гипотенузу)

лист 4

N1

H-12

Даны:

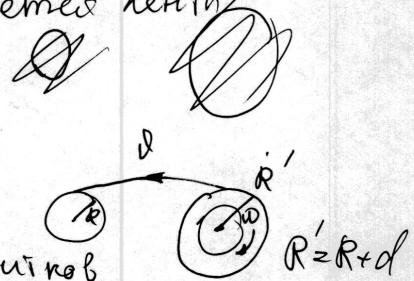
R - радиусе катушки  
 d - толщина  
 $d \ll R$   
 $\omega$  - линейная скорость вращения катушки  
 $\omega' = ?$

Решение

Если оставить скорость ~~угловую~~ неизменной, то со временем, ~~она~~ надо уменьшать скорость линейную  $\Rightarrow$  дабы сократить  $\Delta$  необходимо увеличить в  $n$  раз угловую скорость т.к.  $\omega = \Delta R$  для катушки, на которую наматывается лента

$$R = \frac{2R_0 + (n-1)d}{2} n$$

увеличение радиуса катушки со временем. n - количество витков



в данный момент времени

$n = \frac{\Delta t}{l}$ , где  $l = 2\pi R$  - длина окружности в данный момент  
 $n = \frac{\Delta t}{2\pi R}$

Дальнейшие рассуждения приводит к тому, что со временем  $\omega$  надо увеличивать на очень небольшое значение.

Ответ:  $\Delta \omega \ll \omega$

N3

$2 \Gamma_2$   
 $\Gamma_2$  шар  
 $\Gamma_2 > \Gamma_1$   
 два шара с радиусами  $\Gamma_1$

$$Q_1 = 4\pi \Gamma_1^2 \epsilon_0 \Gamma_1$$

(1) На среднем шаре заряд не будет.  $Q_2 = 0$

$$V_{шар} = \frac{4\pi R^3}{3} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

однако стоит учитывать их как точечные заряды,

однако у шаров, судя по рисунку радиус больше или у шаров с радиусами  $\Gamma_1$

Общий заряд равен нулю  $Q \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$

$$\varphi_1 = \frac{Q_1}{4\pi \epsilon_0 \Gamma_1} \quad \varphi_2 = \frac{Q_2}{4\pi \epsilon_0 \Gamma_2}$$

$$\Delta \varphi_1 = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) \text{ мкВ}$$

а дальше